

华南理工大学  
2018 年攻读硕士学位研究生入学考试试卷

(试卷上做答无效, 请在答题纸上做答, 试后本卷必须与答题纸一同交回)

科目名称: 自控基础综合

适用专业: 控制科学与工程; 交通信息工程及控制; 控制工程(专硕)

共 8 页

一、选择题 (共 20 分, 每题 2 分)

1、( ) 是指系统从控制变量到被控变量之间的过程。

- A. 被控对象    B. 执行机构    C. 传感器    D. 控制器

2、已知单位负反馈系统的开环传递函数为  $G_o(s) = \frac{K}{s(s^2 + 7s + 17)}$ , 当  $K = ( )$  时, 系统产生等幅振荡。

- A. 119    B. 17    C. 24    D. 37

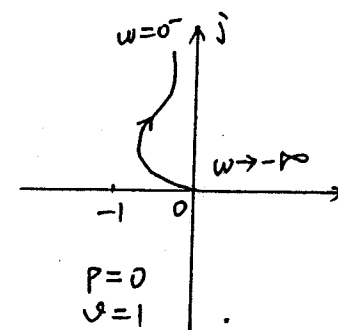
3、以下二阶系统中, 单位阶跃响应超调量最大的是 ( )。

- A.  $G(s) = \frac{1}{s^2 + 3s + 16}$     B.  $G(s) = \frac{1}{s^2 + 4s + 16}$   
C.  $G(s) = \frac{1}{s^2 + 5s + 16}$     D.  $G(s) = \frac{1}{s^2 + 2s + 16}$

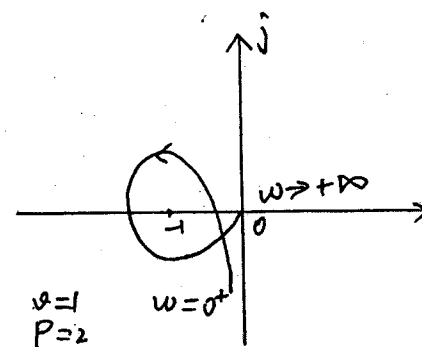
4、已知系统特征多项式如下, 则系统稳定的是 ( )。

- A.  $s^4 + 2s^3 + s^2 + 2s + 1$   
B.  $s^6 + 2s^5 + 8s^4 + 12s^3 + 20s^2 + 16s + 16$   
C.  $s^3 + 8s^2 + 15s + 9$   
D.  $s^5 + 2s^4 - s - 1$

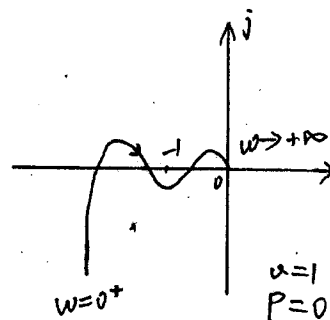
5、给定开环幅相频率特性曲线如下, 其中 P 为开环传递函数在右半 s 平面的极点个数, v 为积分环节的个数, 则下面系统 不稳定 的是 ( )



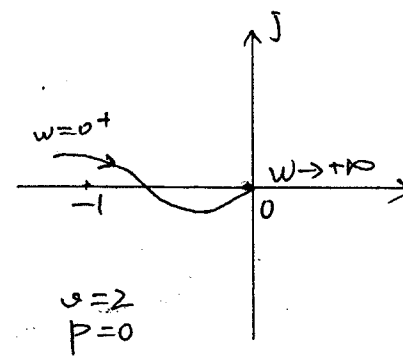
A.



B.



C.



D.

6、某串联校正装置的传递函数是  $\frac{s+1}{10s+1}$ , 则下列说法正确的是 ( )

- A. 对数幅频特性曲线低频段贴近零分贝线, 可以提供一定的相位超前角。  
B. 对数幅频特性曲线高频段贴近零分贝线, 可以使低频段增益增大 20dB。  
C. 对数幅频特性曲线低频段贴近零分贝线, 可以使得系统截止频率增大。  
D. 对数幅频特性曲线高频段贴近零分贝线, 可以使低频段增益增大 10dB。

7、关于非线性控制系统, 下列说法 不正确 的是 ( )

- A. 系统可能存在多个平衡点。  
B. 常规的频率特性分析法不再适用。  
C. 在没有外部作用时, 系统可能发生一定频率和幅值的周期运动。  
D. 系统满足叠加原理。

8、某系统的脉冲响应函数为  $g(t) = e^{-t}$ , 若输入信号为  $r(t) = \cos t$ , 则其稳态输出

$c(t)|_{t \rightarrow \infty}$  为 ( )。

A.  $\sqrt{2} \sin(t - 45^\circ)$     B.  $\frac{\sqrt{2}}{2} \cos(t - 45^\circ)$     C.  $\frac{\sqrt{2}}{2} \cos(t - 135^\circ)$

D.  $\sqrt{2} \cos(t - 135^\circ)$

9、典型二阶系统的谐振峰值  $M_r$  增大, 下面时域指标一定变大的是 ( )。

A.  $\sigma\%$     B.  $\xi$     C.  $e_{ss}$     D.  $t_s$

10、某系统的传递函数为  $G(s) = \frac{b_2 s^2 + b_1 s + b_0}{s^3 + a_2 s^2 + a_1 s + a_0}$ , 下列状态空间表达式中 ( )

是其能控标准型。

A.  $\dot{x} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -a_0 \\ 1 & 0 & -a_1 \\ 0 & 1 & -a_2 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} b_0 \\ b_1 \\ b_2 \end{bmatrix} u, y = [0 \ 0 \ 1]x$

B.  $\dot{x} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -a_0 & -a_1 & -a_2 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} u, y = [b_0 \ b_1 \ b_2]x$

C.  $\dot{x} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -a_0 \\ 1 & 0 & -a_1 \\ 0 & 1 & -a_2 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix} u, y = [b_0 \ b_1 \ b_2]x$

D.  $\dot{x} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \\ -a_0 & -a_1 & -a_2 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} b_0 \\ b_1 \\ b_2 \end{bmatrix} u, y = [0 \ 0 \ 1]x$

二、判断改错题 (共 15 分, 每题 3 分)

1. 某系统的微分方程为  $3 \frac{d\theta(t)}{dt} + \theta(t) = u(t) + M(t)$ , 该系统为一时变系统。

2. 闭环传递函数为  $\frac{s+9.9}{(s^2+4s+16)(s+10)}$  的系统, 其性能可由  $\frac{9.9}{s^2+4s+16}$  近似分析。

3. 对于线性定常系统, 其状态空间表达式不唯一, 但其传递函数一定唯一。

4. 设系统状态方程为  $\begin{cases} \dot{x}_1 = x_2 \\ \dot{x}_2 = -\sin x_1 - x_2 \end{cases}$ , 则该系统的平衡点为  $(0, 2k\pi)$ 。

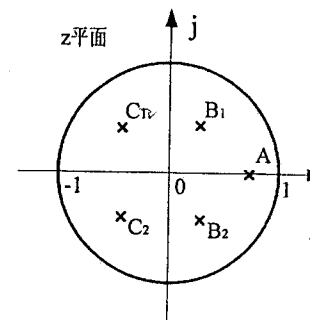
5. 零阶保持器会对控制回路引入一滞后 (延迟) 环节, 该滞后时间大小与采样频率无关, 且零阶保持器会增大系统的稳定裕度。

三、(10 分, 简答题)

给定三个典型线性定常离散系统 A、B 和 C, 其各自的极点分布如图三.1 所示。

(1) 试分别判断三个系统的稳定性。

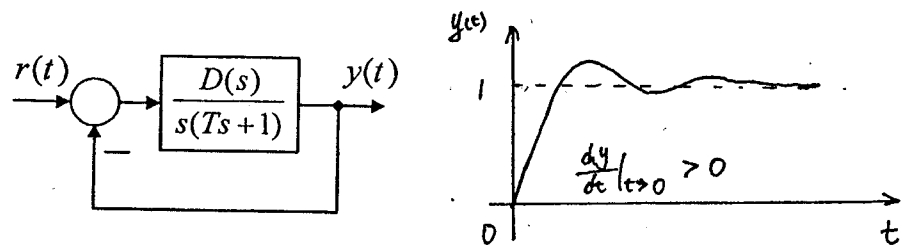
(2) 试分别绘制三个系统各自的单位脉冲响应 (草图)。



图三.1

四、(10 分, 简答题)

图四.1 所示系统的单位阶跃响应如图四.2 所示, 试判断下列等式中哪个成立, 并说明理由: (1)  $D(s) = K$ ; (2)  $D(s) = K(\tau s + 1)$ ; (3)  $D(s) = K(\tau^2 s^2 + 2\zeta\tau s + 1)$ ; 其中,  $K, \tau, \zeta > 0$ 。



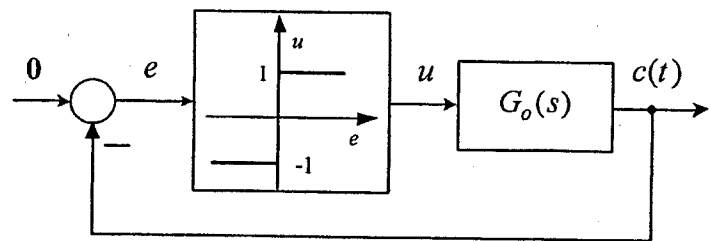
图四.1

图四.2

五、(10分, 简答题)

设图五.1所示非线性系统中  $G_o(s) = \frac{1}{s}$ , 给定输入为0, 而  $u = \begin{cases} 1, & e > 0 \text{时,} \\ 0, & e = 0 \text{时,} \\ -1, & e < 0 \text{时.} \end{cases}$

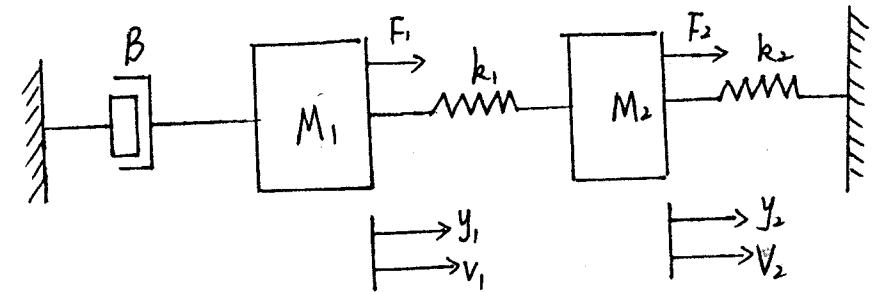
- (1) 试以  $e$  为变量写出该系统的微分方程表达式 (分区线性化)。
- (2) 试以  $e, \dot{e}$  为相变量绘制该系统的相平面图, 并讨论该系统的稳定性。



图五.1

六、(10分, 简答题)

某机械系统如图六.1所示, 两质量块在外力  $F_1, F_2$  的作用下运动; 其中,  $M_1, M_2$  为质量块质量,  $k_1, k_2$  为弹簧的弹性系数,  $B$  为阻尼器系数。若取质量块的位移  $y_1, y_2$  为系统输出, 试建立系统的状态空间表达式。(其中  $M_1=1, M_2=1, k_1=1, k_2=1, B=2$ )。



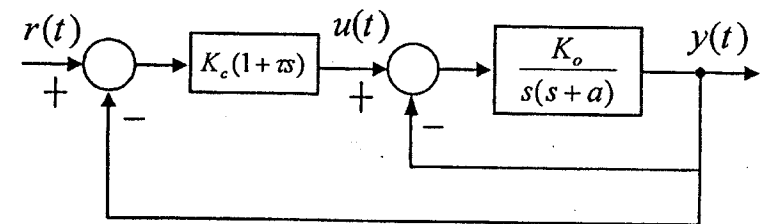
图六.1

七、(24分, 计算题)

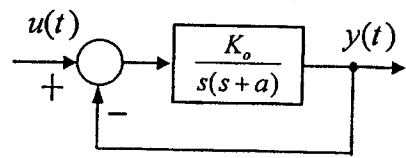
如图七.1所示系统, 已知  $K_c > 0$ , 且其内环 (见图七.2) 的单位阶跃响应如图七.3

所示, (提示: 参考公式  $t_p = \frac{\pi}{\omega_n \sqrt{1-\zeta^2}}, \sigma\% = e^{\frac{-\pi\zeta}{\sqrt{1-\zeta^2}}}, t_s = \frac{3}{\zeta\omega_n}$ )

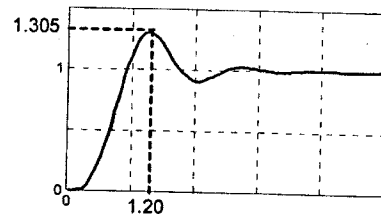
- (1) 试确定  $a$  和  $K_o$  的值。
- (2) 试分别绘制  $\tau=1$  和  $\tau=-1$  时该系统对应的根轨迹草图, 并简述理由。
- (3) 当  $\tau=-1$  时, 试确定  $K_c$  取何值时, 该系统不稳定。



图七.1



图七.2



图七.3

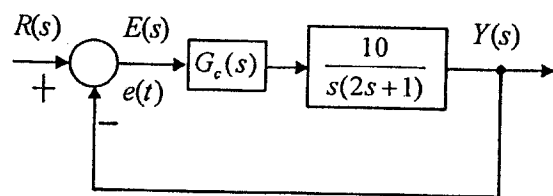
八、(27分, 计算题)

给定图八.1 所示系统,

(1) 当  $G_c(s)=1$  时, 试分别绘制开环幅频渐近特性 (Bode 草图), 并计算其相位裕度  $\gamma$  和截止频率  $\omega_c$ 。

(2) 当  $R(s)=\frac{1}{s^2}$  时, 试设计  $G_c(s)$  (要求  $G_c(s)$  分子分母均低于 2 阶), 使系统相位裕度不低于  $30^\circ$ , 截止频率不小于  $0.5\text{rad/s}$ , 且系统响应的稳态误差为 0。

(3) 当  $R(s)=\frac{\omega}{s^2 + \omega^2}$  时, 试设计  $G_c(s)$ , 使系统稳态误差为 0 (注: 本问中对相位裕度和截止频率未提要求)。



图八.1

九、(24分, 计算题)

某线性定常系统  $\dot{x} = \begin{bmatrix} m_1 & 1 \\ m_2 & -2 \end{bmatrix} x + \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix} u$ ,  $y = [1 \ 1]x$ 。

(1) 若系统的运动模态为  $e^{-2t}$  和  $te^{-2t}$ , 试确定此时系统参数  $m_1$  和  $m_2$  的值。

(2) 若希望系统运动模态变为  $e^{-2t}$  和  $e^{-3t}$ , 试分析是否可以通过状态反馈实现, 并说明原因; 如果可以, 试给出状态反馈阵  $K$ 。

(3) 分析上述状态反馈对系统的能观性的影响。